



$$EI = 10000 \text{ kNm}^2$$

Výpočet reakcí:

$$\begin{aligned} \sum M_{i,b} &= 0 : \\ -10 \cdot 2 - 20 + R_d \cdot 3 &= 0 \\ R_d &= 13,33 \text{ kN} \\ \sum M_{i,d} &= 0 : \\ -10 \cdot 5 - R_b \cdot 3 + 20 \cdot 2 &= 0 \\ R_b &= -3,33 \text{ kN} \end{aligned}$$

Funkce ohybových momentů  $M(x)$ :

$$M(x) = F \cdot x - \left|_{(x>2)} R_b \cdot (x-2) - q \cdot (x-2) \cdot \frac{(x-2)}{2} \right| + \left|_{(x>4)} q \cdot (x-4) \cdot \frac{(x-4)}{2} \right|$$

První integrace:

$$\begin{aligned} \varphi(x) &= -\frac{1}{EI} \int M(x) dx \\ \varphi(x) &= -\frac{1}{EI} \left[ C_1 + F \cdot \frac{x^2}{2} - \left|_{(x>2)} R_b \cdot \frac{(x-2)^2}{2} - q \cdot \frac{(x-2)^3}{6} \right| + \left|_{(x>4)} q \cdot \frac{(x-4)^3}{6} \right| \right] \end{aligned}$$

Druhá integrace:

$$\begin{aligned} w(x) &= -\frac{1}{EI} \int \varphi(x) dx \\ w(x) &= -\frac{1}{EI} \left[ C_2 + C_1 \cdot x + F \cdot \frac{x^3}{6} - \left|_{(x>2)} R_b \cdot \frac{(x-2)^3}{6} - q \cdot \frac{(x-2)^4}{24} \right| + \left|_{(x>4)} q \cdot \frac{(x-4)^4}{24} \right| \right] \end{aligned}$$

Výpočet konstant  $C_1$  a  $C_2$  - z okrajových podmínek víme, že v bodech  $b$  a  $d$  je průhyb  $w = 0$ :

$$\begin{aligned}
 w(b) = 0 &\rightarrow x = 2 : \\
 C_2 + C_1 \cdot 2 + 10 \cdot \frac{2^3}{6} &= 0 \\
 w(c) = 0 &\rightarrow x = 5 : \\
 C_2 + C_1 \cdot 5 + 10 \cdot \frac{5^3}{6} - 3,33 \cdot \frac{(5-2)^3}{6} - 10 \cdot \frac{(5-2)^4}{24} + 10 \cdot \frac{(5-2)^4}{24} &= 0 \\
 &\rightarrow \\
 C_2 + 2C_1 + 13,33 &= 0 \\
 C_2 + 5C_1 + 160 &= 0 \\
 &\rightarrow \\
 C_1 = -48,9kNm^2 & \\
 C_2 = 84,46kNm^2 &
 \end{aligned}$$

Výpočet pootočení v bodě  $a$ :

$$\varphi(a) = -\frac{1}{10000} \cdot \left[ -48,9 \cdot 10 \frac{0}{2} \right] = 0,0049rad$$

Výpočet průhybu v místě maximálního ohybového momentu  $x$ :

$$x = \frac{6,67}{10} = 0,667m$$

Tedy od počátku:  $x = 2,667m$

$$w(M_{max}) = -\frac{1}{10000} \cdot \left[ 84,46 - 48,9 \cdot 2,667 + 10 \frac{2,667^3}{6} - 3,33 \cdot \frac{(2,667-2)^3}{6} - 10 \cdot \frac{(2,667-2)^4}{24} \right]$$

$$w(M_{max}) = 0,0015m \rightarrow 1,5mm$$

